

Теорема Ферма. Доказательство за 2 операции

Памяти МАМЫ

Суть противоречия. Равенство Ферма противоречиво по вторым цифрам сомножителей числа A .

Все целые числа рассматриваются в системе счисления с простым основанием $n > 2$.

Обозначения: A' , A'' – первая, вторая цифра от конца в числе A ;

A_2 – двузначное окончание числа A (т.е. $A_2 = A \bmod n^2$).

Рассмотрим равенство Ферма в базовом случае (его свойства 2°-3° доказываются здесь: <http://vixra.org/abs/1707.0174>) для взаимно простых натуральных A, B, C , $A' \neq 0$, и простого $n > 2$:

1°) $A^n = C^n - B^n [= (C-B)P]$, где (как известно)

2°) $C-B = a^n$, $P = p^n$, $A = ap$, $p' = 1$, $a' \neq 0$, $a'' = a'$, $a'^{n-1} = 1$ (малая теорема);

3°) $(A+B-C)_2 = 0$, откуда

3а°) $(ap)_2 = a_2^n$ и, следовательно,

3б°) $p_2 = a_2^{n-1}$.

4°) Если $p'' = 0$, то мы умножим почленно равенство 1° на такое g^m , что $p'' \neq 0$. При этом свойства 2°-3° сохраняются, и мы оставляем обозначения чисел прежними.

А теперь само Доказательство ВТФ.

Представим окончания a_2 и p_2 в виде: $a_2 = (xn + a^m)_2$ и $p_2 = p''n + 1$, где x_2 – цифра.

Сначала подставим эти значения окончаний в левую часть равенства 3а°:

5°) $[(xn + a^m)(p''n + 1)]_2 = a_2^n$, откуда

5а°) $(a^m p''n + xn)_2 = 0$, или (см. 2°) $a'p'' + x = 0 \pmod{n}$.

А теперь подставим значение a_2 в правую часть равенства 3б°:

6°) $(xn+a^n)^{n-1}_2 = [(n-1)xn a^{n-2} + 1]_2 = (-nxa^{n-2} + 1)_2 = (-nxa^{n-1}/a' + 1)_2$. И из 3b° имеем:

6a°) $-xa^{n-1}/a' + p'' = 0 \pmod{n}$, или $-xa^{n-1} + a'p'' = 0 \pmod{n}$, или $-x + a'p'' = 0 \pmod{n}$.

Из 5a° и 6a° следует, что $x = p'' = 0$, что противоречит 2° и 4°.

Из чего следует истинность ВТФ.

(Мезос, Франция. 4 сентября 2017)