

Теорема Ферма. Первый случай: ABC не кратно n

Все целые числа рассматриваются в системе счисления с простым основанием $p > 2$.

Обозначение: A', A'', A''' – первая, вторая, третья цифра от конца в числе A.

0°) **Лемма.**

Сумма чисел a_i^n , где $i=1, 2, \dots, n-1$, оканчиваются на $d00$, где цифра $d=(n-1)/2$.

Итак, пусть для взаимно простых натуральных A, B, C, $(ABC)' \neq 0$, и простого $p > 2$

1°) $[D=] A^n + B^n - C^n = 0$, где, как известно [см. [viXra:1707.0174](https://arxiv.org/abs/1707.0174) *],

2°) $(A+B-C)_{[2]} = 0$

Откуда $A'+B'-C'=0$ или p и, следовательно, цифра

3°) $u'' = (A''+B''-C'')' = 0$ или $p-1$.

4°) Умножение 1° на g^{nm} , где $g=1, 2, \dots, p-1$, даёт $p-1$ эквивалентных равенств.

Доказательство ВТФ

При $A=A', B=B', C=C'$ сумма степеней для каждой из букв A, B, C, как и сумма всех $p-1$ чисел D из 4°, имеет окончание $d00$ [где $d=(p-1)/2$ – см. 0°].

При этом во всех равенствах 4° цифра $D''' \neq 0$, в противном случае после операции 4° с этим равенством с $D'''=0$ цифра D''' в общей сумме тоже равна нулю.

Отсюда максимальное число равенств, в которых $D'''=1$, равно $(p-1)/2$. Следовательно, существует равенство с $D''' > 1$.

И теперь восстановление в этом равенстве цифр A'', B'', C'' не может превратить эту цифру в 0, поскольку, как следует из биномов Ньютона

$$A^n = (\dots + A''^n + A')^n, B^n = (\dots + B''^n + B')^n, C^n = (\dots + C''^n + C')^n$$

и малой теоремы, они прибавляют к цифре $D''' (>1!)$ лишь цифру

$$(A^{n-1}A'' + B^{n-1}B'' - C^{n-1}C'')' [=u''], \text{ т.е. } 0 \text{ или } p-1, \text{ – см. } 3^\circ], \text{ где } A^{n-1} = B^{n-1} = C^{n-1} = 1.$$

Из чего следует истинность ВТФ.